

第一題：名詞解釋（每小題 4 分，共 40 分）

- | | |
|------------|-------------------|
| (1) 位渦 | (2) β -平面假設 |
| (3) 波辛尼格近似 | (4) Q -向量 |
| (5) 地轉調節 | (6) 可用位能 |
| (7) 羅士培數 | (8) 旋轉流 |
| (9) 熱力風 | (10) 尺度分析 |

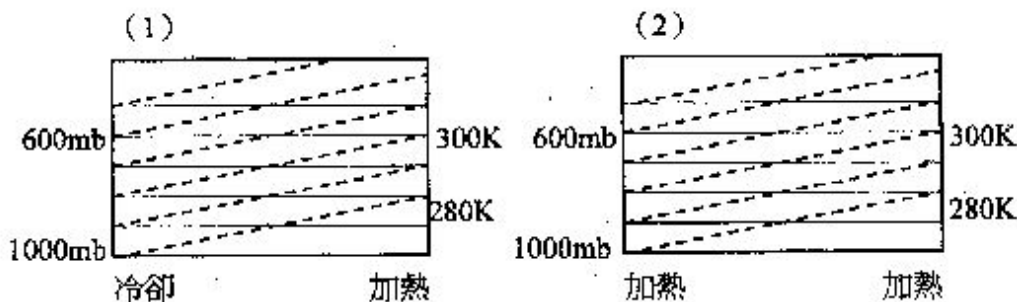
第二題：準地轉系統方程包含「準地轉渦度方程」和「準地轉熱力方程」

$$\frac{\partial \zeta_g}{\partial t} = -\bar{v}_g \cdot \nabla (\zeta_g + f) + f_0 \frac{\partial \omega}{\partial p}$$

$$\left(\frac{\partial}{\partial t} + \bar{v}_g \cdot \nabla \right) T - \left(\frac{\partial p}{R} \right) \omega = \frac{J}{C_p}$$

- 寫出「準地轉系統」所有假設。
 - 利用上式推導重力位趨勢方程。
 - 討論渦度平流和溫度平流在中緯度槽脊系統所扮演之角色。
 - 解釋為何槽脊系統必須隨高度往西傾斜？
- （每小題 5 分，共 20 分）

第三題：根據你的判斷下面二圖中之位能和可用位能增減情形為何？並解釋之！
（每小題 5 分，共 10 分）（提示：實線為等壓面，虛線為位溫面）



第四題：已知二維純內重力波之控制方程可簡化成（每小題 5 分，共 10 分）

$$\left(\frac{\partial}{\partial t} + u \frac{\partial}{\partial x} \right)^2 \left(\frac{\partial^2 w'}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 w'}{\partial z^2} \right) + N^2 \frac{\partial^2 w'}{\partial x^2} = 0$$

- 利用波動假設試推導上式之頻散關係式。
- 討論純內重力波之傳播特徵（如：相速、群速）。

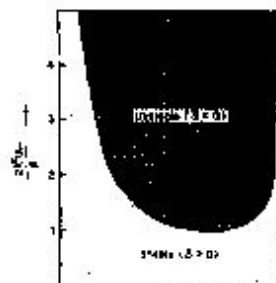
第五題：自然座標梯度風方程可寫成（本題佔 10 分）

$$v = -\frac{fR}{2} \pm \left(\frac{f^2 R^2}{4} - R \frac{\partial \phi}{\partial n} \right)^{1/2}$$

試寫出四種有物理意義的解，並繪圖討論之。

第六題：右圖為二層斜壓模式中中性穩定度曲線，陰影區代表斜壓不穩定區。請根據討論斜壓不穩定相關之特性。

（本題佔 10 分）



1. 已知 $\vec{V} = \vec{V}_g - \frac{RT}{p} \nabla_z \left(\frac{\partial p}{\partial t} \right)$, 則

(20%)

(1) 右側第二項代表什麼?

(2) 請圖示(附說明) \vec{V} , \vec{V}_g , 以及(1)的關係。

2. 已知渦度方程可寫成

(20%) $\frac{D\zeta}{Dt} = -(f+S)D + k \cdot [(\nabla p \times \nabla \alpha) + \frac{\partial \vec{V}}{\partial z} \times \nabla w + \nabla \times \vec{F}_r]$, 則

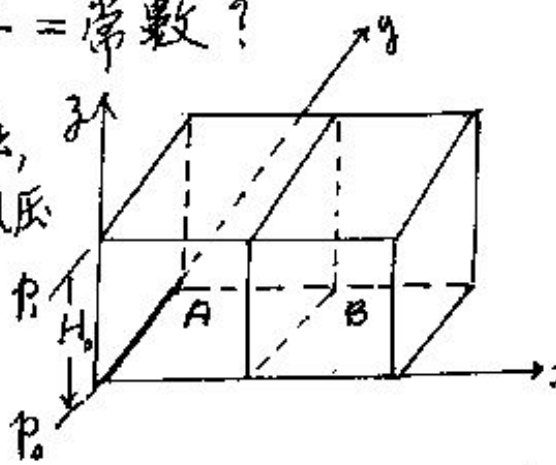
(1) 在何條件下, 可得到 $\frac{S+f}{H} = \text{常數}$?

(2) 右圖為在 xy 平面上的空氣塊, 其初始厚度為 H_0 , 底與頂的氣壓

(a) $\frac{T_{A0}}{T_{B0}} = ?$ (分別為 p_0 與 $p_0 + p$)

(b) 設初始時 A, B 兩處的相對濕度 $S_{A0} = S_{B0} = 0$,

則在 $T_A = T_{A0} - \Delta T$, $T_B = T_{B0} + \Delta T$ 中 S_A 與 S_B 如何變?



3. 已知 $\vec{V}_g = \frac{g}{f_0} \hat{k} \times \nabla_p \zeta$, 則

(24%)

(1) $S_g = ?$

(2) 如果 $f_0 \neq \text{常數}$, 而為 $f(y)$, $S_g = ?$

(3) 如果將 S_g 以差分式表之, $S_g = ?$

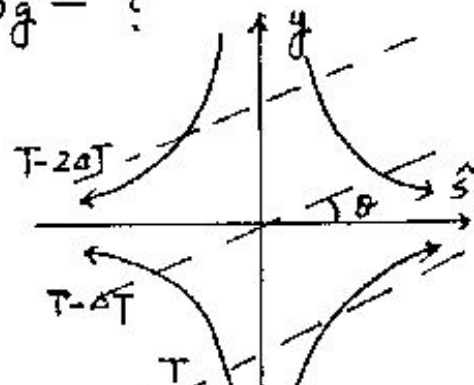
4. 右圖中 T 代表溫度, \hat{s} 代表

(21%)

流線, 請向

(1) 圖中 x, y 各代表什麼軸?

(2) 如果要有鋒面生成 $\theta = ?$



(3) 生成之鋒面約平行於那一個軸

5. 翻釋並解釋下列名詞:

(15%)

(1) LLJ, (2) CAPE, (3) CISK, (4) LCL, (5) β effect

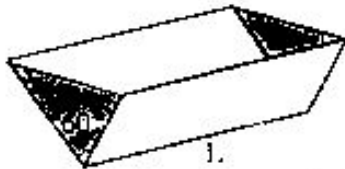
每題 20 分

1. 二維無旋轉不可壓縮流體，若 ϕ 為速度位(velocity potential)， ψ 為流函數(stream function)，證明 ϕ 與 ψ 互為正交函數。

2. (a)何謂環流(circulation)? (10%)
(b)環流與渦度(vorticity)有何關係? (10%)

3. 若 $\vec{V} = u_0 \sin(\omega(t - y/v_0))\hat{i} + v_0\hat{j}$ ， u_0 、 v_0 及 ω 為常數， t 為時間
(a)求流線(stream line) (10%)
(b)求跡線(path line; trajectory) (10%)

4.



60 度之 V 形槽，長度為 L ，高度 H ，以一直徑為 a 、流速為 u 之水管向內注入水，時間開始時槽中無水。

(a)求任一瞬間時間之水位高度 h (10%)
(b)注滿水需多少時間? (10%)

5. 在推導流體力學方程式時經常用到“控制體積(control volume)”的概念，何謂控制體積?有何重要性?

考生作答前請詳細閱讀下列注意事項：

1) 本學科試題紙合計一頁

2) 試題型式為計算與演證(共伍題，共計100分)

3) 請在答案紙欄上依序註明題目號碼(例如：1、2、...、5)

4) 請詳細作答以免評分錯誤

計算時可利用下列數據：

熱功當量： 4.19 J/cal

一大氣壓： $1 \text{ atm} = 1.01 \times 10^5 \text{ N/m}^2$

亞佛加厥常數： $N_0 = 6.02 \times 10^{23}$ 粒子/莫耳

波茲曼常數： $k = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J/}^\circ\text{K} \cdot \text{分子}$

理想氣體常數： $R = 8.32 \text{ J/}^\circ\text{K} = 0.082 \text{ atm} \cdot \ell / \text{mole} \cdot ^\circ\text{K}$

史忒芬-波茲曼常數： $\sigma = 5.6696 \times 10^{-8} \text{ W/m}^2 \cdot \text{K}^4$

1. 假設人體的總表面積是 1.2 m^2 ，其表面溫度是 30°C ，試求此人體的能量輻射率大小？設人體表面的發射係數 $e = 1$ 。(15%)

2. 一克的水其體積為 1 cm^3 ，當其在一大氣壓的壓力下沸騰時，其體積變為 1671 cm^3 。已知在此壓力的汽化熱是 539 cal/g ，試求該變化過程對外界所作的功和增加的內能。(20%)

3. 一氣缸盛有氧氣，溫度為 20°C ，壓力為 15 atm ，體積為 100 公升。當活塞下降後，其體積減為 80 公升，而溫度升高為 25°C ，試求此狀態下的壓力大小？(15%)

4. 試證理想氣體在等溫膨脹過程中所作的功可表為 $W = nRT \ln \frac{V_2}{V_1}$ ，其體積由 V_1 膨脹至 V_2 。(20%)

5. 試證 (a) 壓力隨高度變化的定律可表為 $\ln \frac{p_2}{p_1} = -\frac{Mg}{RT}(y_2 - y_1)$ ，其中 p_1 和 p_2 分別是高度 y_1 和 y_2 處的壓力；(b) 單位體積的分子數隨高度變化的定律可表為

$\ln \frac{n_2}{n_1} = -\frac{N_0 mg}{RT}(y_2 - y_1)$ ，其中 n_1 和 n_2 分別是高度 y_1 和 y_2 處的每單位體積的分子數。(30%)